

NAJPOVOLJNIJI OBLIK OSI LUČNOG MOSTA

Bonislav Grgić, univ.bacc.ing.aedif.

Sveučilište Josipa Jurja Strossmayera u Osijeku, Građevinski fakultet Osijek, student

Mario Jeleč, univ.bacc.ing.aedif.

Sveučilište Josipa Jurja Strossmayera u Osijeku, Građevinski fakultet Osijek, student

Ivan Kraus, mag.ing.aedif.

Sveučilište Josipa Jurja Strossmayera u Osijeku, Građevinski fakultet Osijek

Hrvoje Draganić, dipl.ing.građ.

Sveučilište Josipa Jurja Strossmayera u Osijeku, Građevinski fakultet Osijek

Sažetak: Predstavljen je proračun najpovoljnijeg oblika osi luka mosta, koristeći uvjet da moment savijanja od stalnog opterećenja iščezava u svim presjecima. Za danu geometriju prepreke proračunani su oblici luka za različite visine strjelice luka. Nakon toga određene su rezne sile i reakcije u potporama pomoću kojih je određena najpovoljnija strjelica luka i pripadni oblik. Rezne sile su proračunane na štapnom modelu luka koristeći programski paket SAP2000. Opterećenje koje je uzeto u obzir je vlastita težina rasponske konstrukcije koja je pretpostavljena kao rebrasti presjek s pripadnom opremom mosta (ograda, vijenac, pješački hodnik, rubnjak, slojevi kolnika), težina nadlučnih stupova i luka čiji je oblik pretpostavljen kao šuplji pravokutni presjek. Prometno opterećenje i ostala opterećenja ne ulaze u početni proračun, već se koriste u daljnjem proračunu luka na temelju čega se vrše dodatne ispravke oblika.

Ključne riječi: lučni most, oblik luka, numerički model

OPTIMUM AXIS FORM OF THE ARCH BRIDGE

Abstract: Calculation of the optimum axis shape of the arch bridge is presented using a condition which implies that the bending moment due to dead load is equal to zero in every all arch sections. For a given geometry of the obstacle different types of arch shapes for different arch elevations were calculated. After that, internal forces in the arch and supports forces were calculated by which optimum shape of the arch is determined. Forces were determined on the beam model of the arch using software package SAP2000. The load taken into account was a self-weight of the superstructure that is assumed as a ribbed cross-section with adequate bridge equipment (guard rail, fascia, footway, curb, and roadway) and self-weight of arch and arch columns which are assumed to be of a hollow rectangular cross-section. Traffic and other loads didn't taken into account in preliminary calculations but they are used in further design and based on them axis form is corrected.

Keywords: arch shape, arch bridge, numerical model

1 Uvod

Reakcije u osloncima grednih nosača opterećenih vertikalnim, jednoliko rasprostrtim opterećenjem su vertikalne. Zakrivljujući gredu u konveksan oblik, oblikujući luk, u luku opterećenom vertikalnim, jednoliko rasprostrtim opterećenjem nastaje tlačna sila, a u osloncima su reakcije kose (mogu se prikazati horizontalnom i vertikalnom komponentom). Moment savijanja u luku se smanjuje u odnosu na jednako opterećenu gredu, a u idealnom slučaju, kada se os luka poklapa s potpornom krivuljom, čak iščezava. Kako se u luku od vertikalnog opterećenja javljaju mali momenti savijanja i velika uzdužna tlačna sila, iskorištava se glavna prednost betona kao gradiva, a to je visoka tlačna čvrstoća. Os luka se oblikuje po tzv. potpornoj krivulji, no odstupanja od nje su neizbježna zbog elastičnog skraćivanja luka, ali i dugotrajnih izobličenja te toplinskih djelovanja. Nastala odstupanja je djelomično moguće nadoknaditi nadvišenjima pri izvedbi.

Kako je prethodno napomenuto, glavna prednost betonskog luka je velika tlačna čvrstoća pa tako velika učinkovitost luka potječe od iskorištenosti presjeka u kojemu prevladava tlak. Ovo je moguće samo ako postoji visoki stupanj punoće plohe tlačnih naprezanja, što je moguće samo pri malim mimoosnostima tlačne sile. Također je potrebno ispuniti uvjet stabilnosti. Kako bi tlačna krivulja bila što bliža osi luka, nužna je ravnoteža s okomitim opterećenjima od vanjskog djelovanja. Iz ovoga proizlazi kako su lukovi prikladni za mostove kod kojih je stalno opterećenje dominantno, a to znači za mostove velikog raspona. Potporna krivulja za približno jednoliko raspodijeljeno vlastito opterećenje ima oblik sličan paraboli. Pri tomu se mogu pojaviti različiti omjeri strjelice i raspona luka (f/L) koji proistječu iz obrisa prepreke, ali i iz uvjeta temeljenja [1]. Budući da se dio stalnog opterećenja na luk prenosi u vidu niza koncentriranih sila (nadlučni stupovi), potporna krivulja ima prekide na mjestima djelovanja koncentriranih sila.

2 Određivanje najpovoljnijeg oblika osi luka

Najčešći oblik osi luka betonskog mosta je veriga, odnosno verižna krivulja. Danas je taj pojam poopćen, pa tako verižnim lukom nazivamo luk čija os ne odstupa bitno od resultantnog područja kroz koji prolaze sve tlačne (potporne) krivulje za najnepovoljnije slučajeve opterećenja [2]. Područje će biti uže što je omjer stalnog g i promjenjivoga q opterećenja manji i što je manji ukupni učinak nepovoljnih djelovanja (skupljanje, puzanje betona, itd.). Vlastita težina luka ovisna je o obliku potporne krivulje, ali vrijedi i obratno, stoga se ne može odrediti potporna krivulja ako nije poznato opterećenje, a opet opterećenje (vlastita težina) nije poznato ako nije poznat oblik osi luka. Iz ovoga proizlazi kako je neizbježno postupno približavanje u proračunu, odnosno postupak je iterativan: pretpostavi se oblik osi luka, zatim se izračunaju težine, pa se potom određuje potporna krivulja. Koriste se tri pretpostavke proračuna te koju god pretpostavku uzeli za proračun na kraju dobivamo približno jednak rezultat.

Osnovna diferencijalna jednadžba za slučaj nepromjenjiva poprečnoga presjeka luka čijim rješavanjem možemo doći do izraza za najpovoljniji oblik osi luka, ima sljedeći oblik:

$$\frac{d^2 y}{dx^2} = \frac{1}{H} \left\{ g_1 \left[1 + \alpha \sqrt{1 + \left(\frac{dy}{dx} \right)^2} \right] + \gamma \cdot y \right\} \quad (1)$$

U nastavku se navode tri pretpostavke proračuna kojima dobivamo zatvorena rješenja jednadžbe (1).

1. pretpostavka: Težina luka i težina ispune jednaka je nuli. Koristimo ju za jednoliko rasprostrto opterećenje pa je tada progibna linija jednaka jednadžbi parabole:

$$y = \frac{4f}{l^2} \cdot x^2 \quad (2)$$

gdje su prema slici 1:

y – ordinata parabole u koordinatnom sustavu

x – apscisa parabole u koordinatnom sustavu
 f – strjelica parabole
 l – duljina parabole.

2. pretpostavka: Težina luka jednaka je nuli, tada je jednadžba parabole jednaka:

$$y = \frac{f}{m-1} \cdot (k \cdot ch\beta - 1) \quad (3)$$

gdje su prema slici 1:

$$m = \frac{g_k}{g} \text{ - omjer opterećenja}$$

$$\beta = \frac{2x}{l} \text{ - omjer dvostruke udaljenosti promatranog mjesta na luku od vrha luka i ukupnog raspona luka}$$

$$k = \ln\left(m + \sqrt{m^2 - 1}\right) \text{ - koeficijent ovisan o omjeru opterećenja.}$$

3. pretpostavka: Uzimamo u obzir samo vlastitu težinu luka, težina kolničkog sklopa i ispune jednaka je nuli, tada je jednadžba parabole jednaka:

$$y = \frac{1}{a} \cdot [ch(ax) - 1] \quad (4)$$

gdje su prema slici 1:

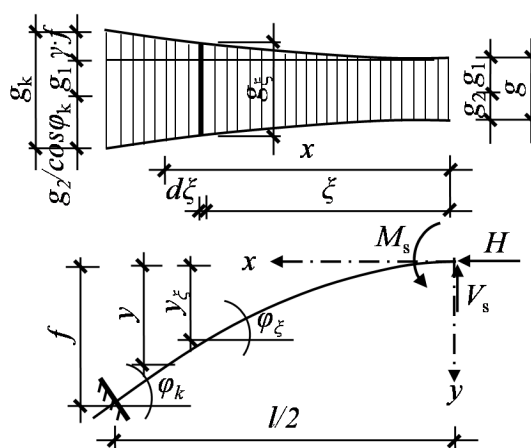
$$a = \frac{g_2}{H} \text{ - omjer težine luka i uzdužne sile u luku}$$

g_s - ukupna težina po jedinici duljine mosta

g_1 - težina kolničkog sklopa

g_2 - težina luka

γ - prostorna težina ispune.



Slika 1 – Raspodjela opterećenja na luku [2]

Jednoliko rasprostrto vertikalno opterećenje je u praksi gotovo nemoguće kao slučaj opterećenja, već stvarno opterećenje čine nadlučni stupovi i projekcije težine luka na horizontalu. Ovakvo opterećenje je nad petama luka najveće, a u tjemenu najmanje, dok se između peta i tjemena mijenja po nekoj zakonitosti.

Najpovoljniji oblik osi luka može se odrediti i iz uvjeta da moment savijanja iščezava u svim presjecima (slika 1). Na ovaj način os luka se poklapa s potpornom linijom te je u potpunosti iskorištena tlačna čvrstoća betona jer se u luku javljaju samo tlačne uzdužne sile. Uvjet ravnoteže unutarnjih sila u luku:

$$H \cdot y - \int_0^x (x - \xi) \cdot g_\xi d\xi = 0 \quad (5)$$

$$y = \frac{1}{H} \int_0^x (x - \xi) \cdot g_\xi d\xi \quad (6)$$

$$g_\xi = g_1 + \frac{g_2}{\cos \varphi_\xi} + \gamma \cdot y_\xi, \quad (7)$$

Sređivanjem izraza (6) dolazimo do jednadžbe oblika osi luka:

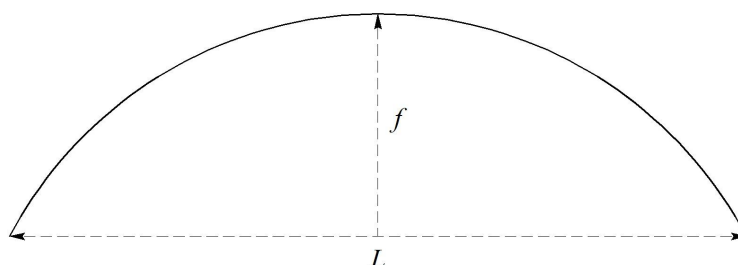
$$y = Ax^2 + Bx^3 + Cx^4 \quad (8)$$

pri čemu su parametri:

$$A = \frac{a}{2H}; \quad B = \frac{b}{6H}; \quad C = \frac{c}{12H}; \quad H = \frac{l^2}{8f} \left(a + \frac{bl}{6} + \frac{cl^2}{24} \right)$$

$$a = g_1(1 + \alpha); \quad b = g_1\alpha(\omega - 1)\frac{1}{l}; \quad c = [2g_1\alpha(\omega - 1) + 4\gamma f]\frac{1}{l^2}; \quad \omega = \sqrt{1 + \frac{16f^2}{l^2}}$$

Praksa je pokazala da ovi približni izrazi dovoljno točno određuju oblik verižne krivulje za ukupno stalno opterećenje. Prilikom odabira najpovoljnijeg oblika luka u radu je mijenjan omjer strjelice i raspona f/L (slika 2). Omjer ne smije biti manji od 1/10 (1/12) [3], a preporučljivo je 1/5 [3], što pokazuje daljnji proračun.



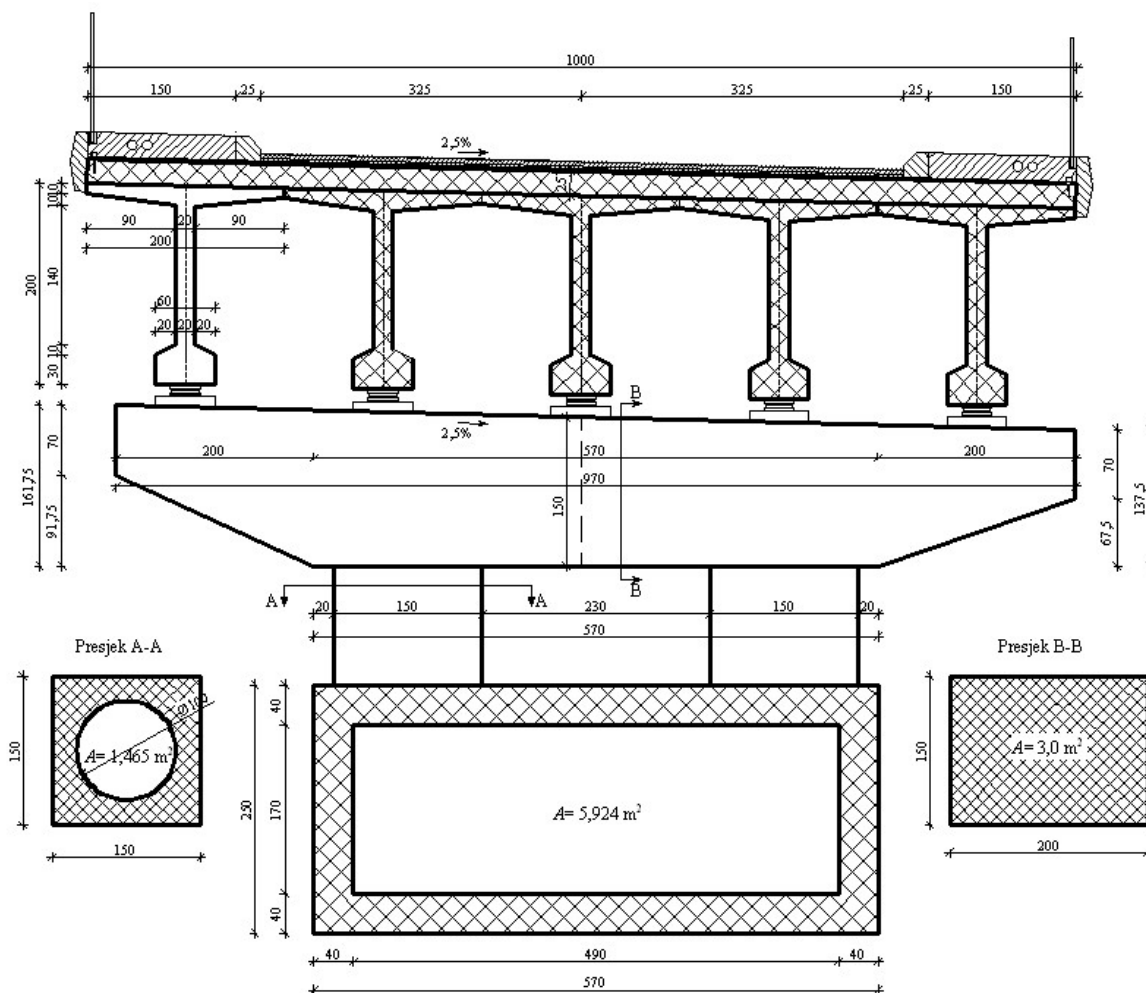
Slika 2 – Geometrijske karakteristike luka

2.1 Opis mosta

Analiziran je lučni most za prijelaz državne ceste preko riječne prepreke. Korito rijeke je u pravcu, okomito na os ceste. Nadlučna gredna rasponska konstrukcija ima devet polja, središnji rasponi, njih sedam, duljine su 20 m, a krajnji rasponi duljine 13 m, što čini ukupnu udaljenost između osi ležajeva na upornjacima 166 m. Prednapeti rebrasti rasponski sklop nadlučne konstrukcije je kontinuirani nosač izrađen od betona razreda C40/50. Neprekidnost nadlučne rasponske konstrukcije ostvarena je povezivanjem prednapetih nosača poprečnim nosačima iznad svakog oslonca, odnosno svakog nadlučnog stupišta. Ukupna širina nadlučnog rasponskog sklopa iznosi 10 m. Kolnički zastor se izvodi od dva sloja asfaltnog betona debljine 3 cm i 5 cm (slika 3 i tablica 1). Nadlučni stupovi su izmjera 150x150 cm, kružnog prošupljenja promjera 100 cm. Na dnu su upeti u luk, a na vrhu u naglavnu gredu. Izrađeni su koristeći beton razreda C40/50. Nadlučna konstrukcija oslanja se preko stupišta na luk šupljeg kvadratnog poprečnog presjeka izrađenog od betona razreda C40/50. Poprečni presjek mosta prikazan je na slici 3. Elementi mosta su odabrani prema općim preporukama danim u [4] i [5].

2.2 Analiza opterećenja

Na temelju odabranih geometrijskih izmjera poprečnih presjeka rasponskog sklopa, luka i nadlučnih stupova, određene su vlastite težine koje su dalje korištene kao jedan od parametara pri određivanju najpovoljnijeg oblika osi luka.



Slika 3 – Poprečni presjek rasponskog sklopa [cm]

Tablica 1 – Određivanje vlastite težine

Element	Težina [kN/m]
<i>Vlastita težina rasponskog sklopa</i>	163,76
Ograda	1,00
AB vijenac	4,35
Pješački hodnik	18,75
Rubnjak	2,64
Asfaltno-betonski zastor	11,44
Hidroizolacija	2,10
Ukupno	204,04
<i>Vlastita težina naglavne grede</i>	646,14 kN
<i>Vlastita težina stupa</i>	36,62
<i>Vlastita težina luka</i>	148,10

2.3 Odabir optimalne osi

Oblici osi luka su proračunani prema izrazu (8). U tablicama 2 i 3 priložen je primjer proračuna koordinata točaka osi luka za slučaj kada je $f = 20$ m.

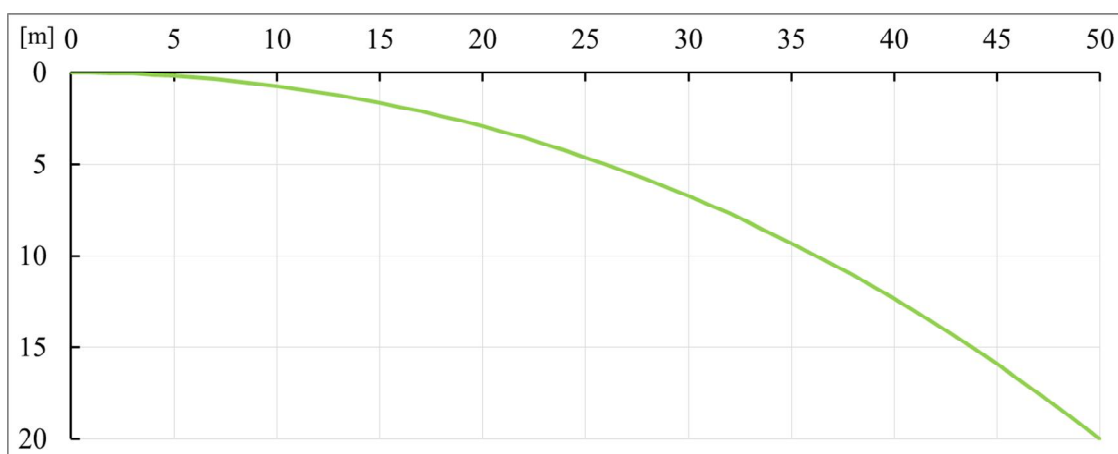
Tablica 2 – Parametri za proračun oblika luka visine strjelice $f = 20$ m

L [m]	f [m]	g_1 [kN/m']	α	ω	a	b	c	H	A	B	C
100	20	204,04	1,0	1,281	408,080	0,573	0,091	28483,0	0,0071635711	0,000003350	0,0000002676

Tablica 3 – Izračunane koordinate točaka

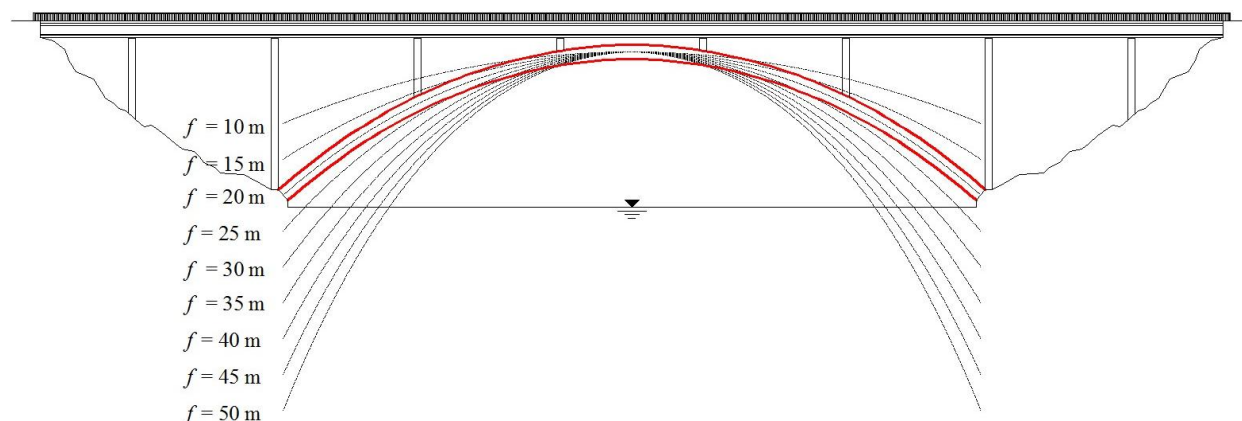
x [m]	y [m]	x [m]	y [m]	x [m]	y [m]
0	0	17	2,109080	34	8,77033
1	0,007167	18	2,368625	35	9,32054
2	0,028685	19	2,643899	36	9,88971
3	0,064584	20	2,935042	37	10,47809
4	0,114900	21	3,242199	38	11,08595
5	0,179675	22	3,565522	39	11,71353
6	0,258959	23	3,905169	40	12,36110
7	0,352807	24	4,261305	41	13,02895
8	0,46128	25	4,634099	42	13,71734
9	0,584447	26	5,02373	43	14,42657
10	0,722383	27	5,43038	44	15,15693
11	0,875169	28	5,85425	45	15,90872
12	1,042892	29	6,29552	46	16,68224
13	1,225646	30	6,75440	47	17,47780
14	1,423532	31	7,23110	48	18,29573
15	1,636657	32	7,72584	49	19,13636
16	1,865133	33	8,23884	50	20,00000
17	2,109080	34	8,77033		

Dijagram dobiven iz proračuna prikazan je na slici 4. Na isti način (promjenom veličine f) dobivene su koordinate i za ostale vrijednosti visine strjelice luka f .



Slika 4 – Polovica luka visine strjelice $f = 20$ m

Proračun oblika osi luka izrađen je za visine strjelice f od 10 do 50 m u koracima od 5 m. Dobiveni oblici za različite visine strjelice f prikazani su na slici 4. Prema slici 4 određene su duljine stupova, što je bilo potrebno za određivanje opterećenja na luk.



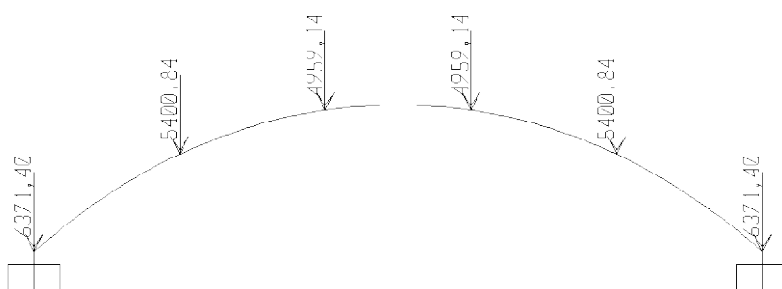
Slika 5 – Oblici luka za različite visine strjelice f

Koncentrirane sile koje djeluju u točkama oslanjanja stupova na luk izračunate su prema dužinama stupova te težini pripadnog dijela rasponskog sklopa (tablica 4).

Tablica 4 – Proračun koncentriranih opterećenja na luk

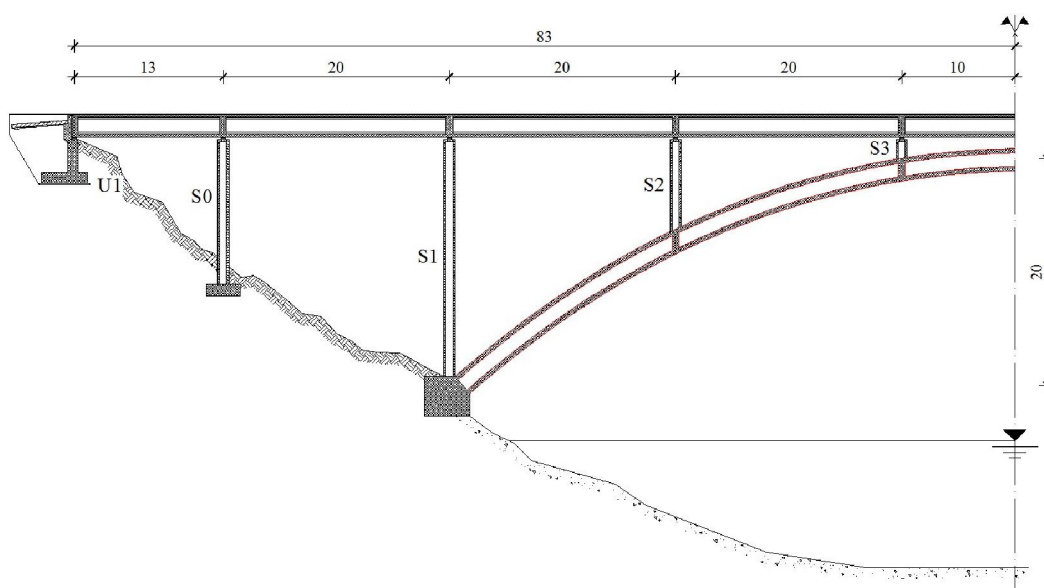
Stup	L [m]	F_{stup} [kN]	$F_{stup+nosač+naglavna greda}$ [kN]	Stup	L [m]	F_{stup} [kN]	$F_{stup+nosač+naglavna greda}$ [kN]
$f = 10$				$f = 35$			
S1	12,45	911,96	5638,90	S1	37,45	2743,21	7470,15
S2	5,95	435,84	5162,78	S2	13,67	1001,33	5728,27
S3	2,83	207,30	4934,24	S3	3,61	264,43	4991,37
$f = 15$				$f = 40$			
S1	17,45	1278,21	6005,15	S1	42,45	3109,46	7836,40
S2	7,60	556,70	5283,64	S2	15,07	1103,88	5830,82
S3	3,01	220,48	4947,42	S3	3,73	273,22	5000,16
$f = 20$				$f = 45$			
S1	22,45	1644,46	6371,40	S1	47,45	3475,71	8202,65
S2	9,20	673,90	5400,84	S2	16,42	1202,77	5929,71
S3	3,17	232,20	4959,14	S3	3,85	282,01	5008,95
$f = 25$				$f = 50$			
S1	27,45	2010,71	6737,65	S1	52,45	3841,96	8568,90
S2	10,75	787,44	5514,38	S2	17,74	1299,46	6026,40
S3	3,33	243,92	4970,86	S3	3,97	290,80	5017,74
$f = 30$							
S1	32,45	2376,96	7103,90				
S2	12,23	895,85	5622,79				
S3	3,47	254,18	4981,12				

Izračunate vrijednosti koncentriranih sila za sve vrijednosti strjelice luka f nanosene su na luk u programskom paketu SAP2000. Na slici 6 je prikazan slučaj kada je $f = 20$ m. Na isti način postupak je proveden za druge iznose visine strjelice luka f .



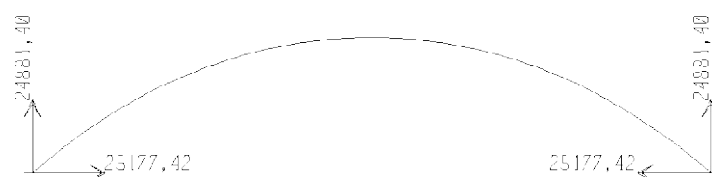
Slika 6 – Koncentrirane sile na luku [kN]

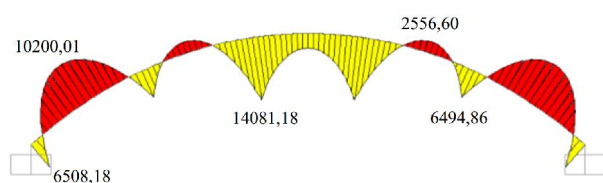
Proveden je linearno-elastični proračun reznih sila bez uzimanja u obzir nastanka pukotina i posljedično smanjenje krutosti betonskog presjeka, samo za stalno opterećenje, jer je ono ključno u preliminarnom odabiru najpovoljnijeg oblika osi luka. Na osnovi dobivenog oblika luka za stalno opterećenje vrše se proračuni na prometno opterećenje i potresno djelovanje te se na osnovi rezultata dodatno prilagođava oblik osi luka dok se ne dođe do najpovoljnijeg (najmanji momenti savijanja). Proračuni su vršeni za sve oblike osi luka s pripadnim koncentriranim silama od nadlučne konstrukcije i vlastite težine luka koja je automatski uzeta u obzir u programu SAP2000. Izdvojeni su rezultati pri ležaju i ispod stupa S3 (slika 7), jer se pokazalo da se na tim mjestima pojavljuju najveće vrijednosti unutarnjih sila.



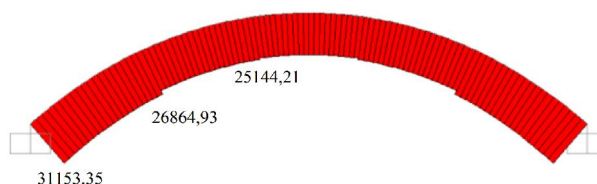
Slika 7 – Oznake stupova korištene pri proračunu opterećenja [m]

Reakcija u ležajevima, momenti savijanja i uzdužne sile u peti luka i ispod stupa S3 (slike 8, 9 i 10) su vrijednosti unutarnjih sila koje su bilježene i kasnije uspoređivane, te prema njima određen najpovoljniji oblik osi luka.

Slika 8 – Reakcije u ležajevima za $f = 20$ m [kN]



Slika 9 – Raspodjela momenata savijanja u luku za $f = 20$ m [kNm]



Slika 10 – Raspodjela uzdužne sile u luku za $f = 20$ m [kN]

Svi rezultati proračuna upisani su u tablicu 5. Unutarnje sile u luku (slika 11) pri ležaju (u peti luka) uz oznaku M i N (moment savijanja i uzdužna sila) imaju sufiks -ležaj, dok unutarnje sile u luku ispod stupa S3 imaju sufiks -luk. Vertikalna reakcija u ležaju ima oznaku V , a horizontalna H .

Nakon određivanja naprezanja u luku, posebno od momenta savijanja i posebno od uzdužne sile, izračunana su naprezanja u gornjem (σ_2) i donjem (σ_1) rubu poprečnog presjeka luka tako da su im vrijednosti zbrajane, odnosno oduzimate.

Tablica 5 – Reakcije i unutarnje sile za različite strjelice luka

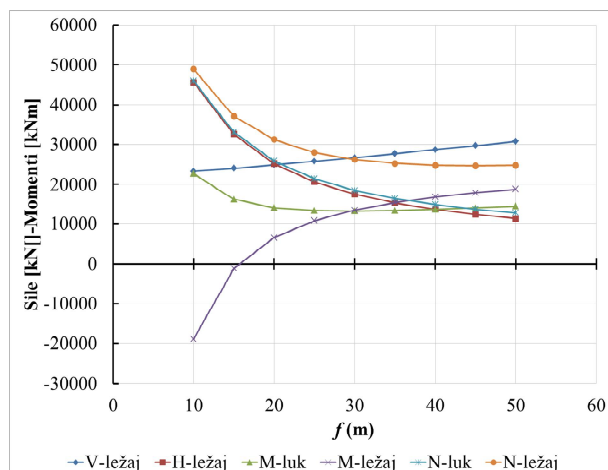
f [m]	V -ležaj [kN]	H -ležaj [kN]	Omjer sila	N -luk [kN]	M -luk [kNm]	N -ležaj [kN]	M -ležaj [kNm]
10	23332,14	45638,83	1,96	46006,30	22711,12	48936,71	-18939,25
15	24069,61	32477,88	1,35	33006,80	16207,20	37102,89	-1112,77
20	24881,40	25177,42	1,01	25861,91	14081,17	31153,35	6508,18
25	25756,50	20626,02	1,25	21458,99	13358,71	27944,32	10744,05
30	26680,07	17535,63	1,52	18509,43	13216,08	26168,06	13477,05
35	27645,47	15309,37	1,81	16416,65	13357,71	25219,05	15405,52
40	28642,77	13630,85	2,10	14864,27	13645,90	24776,66	16836,76
45	29665,94	12322,02	2,41	13674,92	14022,68	24662,91	17942,36
50	30711,08	11274,03	2,72	12740,10	14448,56	24772,09	18814,49

Tablica 6 – Naprezanja za različite strjelice luka [N/mm²]

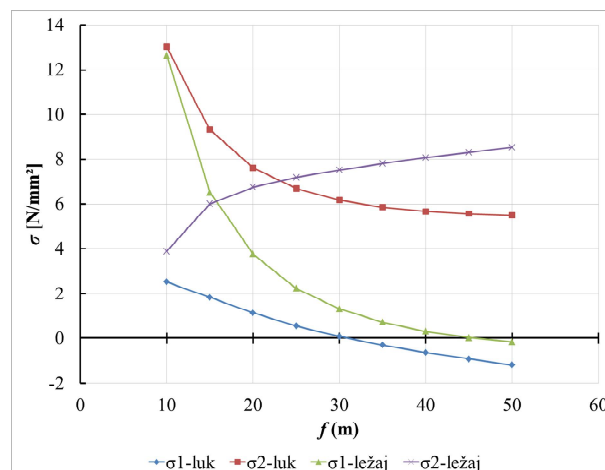
f [m]	σ M -luk	σ N -luk	σ_1 -luk	σ_2 -luk	σ M -ležaj	σ N -ležaj	σ_1 -ležaj	σ_2 -ležaj
10	5,242	7,766	2,524	13,008	4,371	8,261	3,889	12,632
15	3,741	5,572	1,831	9,312	0,257	6,263	6,006	6,520
20	3,250	4,366	1,116	7,616	1,502	5,259	3,757	6,761
25	3,083	3,622	0,539	6,706	2,480	4,717	2,237	7,197
30	3,050	3,124	0,074	6,175	3,111	4,417	1,307	7,528
35	3,083	2,771	-0,312	5,854	3,556	4,257	0,701	7,813
40	3,150	2,509	-0,640	5,659	3,886	4,182	0,296	8,068
45	3,237	2,308	-0,928	5,545	4,141	4,163	0,022	8,304
50	3,335	2,151	-1,184	5,485	4,343	4,182	-0,161	8,524

Analizom dobivenih rezultata kao najpovoljniji oblik osi luka određen je slučaj kada je strjelica luka $f = 20$ m. Numeričkom analizom dobivene unutarnje sile u luku za $f = 20$ m su znatno manje nego za strjelice luka od $f = 25$ m do $f = 50$ m. Ovo je jasno vidljivo iz tablica 5 i 6 te slika 11 i 12.

Najpovoljniju raspodjelu naprezanja (izražen tlak) ima slučaj kada je $f = 10$ m, ali je horizontalna reakcija 80% veća od horizontalne reakcije za $f = 20$ m, tako da je taj slučaj isključen iz daljnjeg razmatranja.



Slika 11 – Reakcije i unutarnje sile za različite strjelice luka



Slika 12 – Naprezanja u gornjem i donjem dijelu poprečnog presjeka za različite strjelice luka

3 Zaključak

Lukovi, kao konstrukcijski sustavi, prikladni su za mostove velikih raspona, odnosno za mostove kod kojih dominira stalno opterećenje. Oblik luka je važan parametar pri dimenzioniranju lučnog mosta budući da on izravno utječe na ukupne horizontalne i vertikalne reakcije na osloncima te raspodjelu naprezanja u luku. Postupkom oblikovanja lučnog nosača mosta teži se u svakom poprečnom presjeku, zbog vanjskog opterećenja, osobito u slučaju stalnog opterećenja, uzdužne sile zadržati dominantno tlačnima te momente savijanja svesti na minimum. Svako odstupanje geometrije osi luka od tlačne linije dovodi do povećanja momenata savijanja, posebno u presjecima luka na mjestu unosa koncentrirane sile, odnosno ispod nadlučnih stupova. Kod kombinacije stalnog i prometnog opterećenja pojaviti će se i vlačna naprezanja u presjeku, ali njih preuzima armatura.

Predstavljen je proračun najpovoljnijeg oblika osi luka mosta koji je oblikovan prema tlačnoj liniji dobivenoj za stalno opterećenje. Proračun oblika osi luka izrađen je za visine strjelice f od 10 do 50 m, u koracima od 5 m. Iterativnim postupkom određen je najpovoljniji oblik luka sa strjelicom $f = 20$ m. Rezultati analize reakcija na potporama za različite iznose strjelice luka pokazale su znatne promjene u vrijednostima reakcija.

Vidljiva je tendencija povećanja vertikalnih, a smanjenja horizontalnih reakcija s povećavanjem strjelice luka. Usporedbom omjera reakcija (veća sila podijeljena s manjom), tendencija je smanjenja omjera prema veličini strjelice $f = 20$ m, gdje je omjer horizontalne i vertikalne reakcije jednak jedan.

Literatura

- [1] Marić, Z.: Mostovi I, u Nastavni tekst na web stranici Fakulteta, 2009. (pristupljeno 18.04.2013.)
- [2] Marić, Z.: Mostovi II, u Nastavni materijal na web stranici Fakulteta, 2009. (pristupljeno 18.04.2013.)
- [3] Radić, J. i suradnici: Betonske konstrukcije – priručnik, Zagreb, Sveučilište u Zagrebu i ANDRIS, 2006.
- [4] Radić, J.; Mandić, A.; Puž, G.: Konstruiranje mostova, Mostovi 2, Zagreb, Hrvatska sveučilišna naklada, 2005.
- [5] Šram, S.: Gradnja mostova - Betonski mostovi, Zagreb, Golden marketing, 2002.